

पाठ ३४ :-

ऊष्मा इंजन - तापवा
ऊष्मा गतिशीलता अ द्वितीय नियम -

→ उत्क्रमणीय प्रक्रम - वह प्रक्रम जिसमें सीधे प्रक्रम में निष्काय की वी गई ऊष्मा तथा निष्काय द्वारा किए गये कार्य को Reverse (उत्क्रमित) करने पर ज्यों का त्यों प्राप्त हो जाए तथा कार्यकारी पदार्थ अपनी प्रारम्भिक अवस्था में वापस जायें, उत्क्रमणीय प्रक्रम कहलाते हैं। वास्तव में कोई भी प्रक्रम उत्क्रमणीय प्रक्रम नहीं है।

→ अनुत्क्रमणीय प्रक्रम - वह प्रक्रम जिसमें सीधे प्रक्रम में निष्काय की वी गई ऊष्मा व उससे प्रकृत कार्य को उल्टा (Reverse) करने पर ज्यों का त्यों प्राप्त न होती प्रतिवस्था व कार्यकारी पदार्थ की अपनी प्रारम्भिक अवस्था को प्राप्त न करे, अनुत्क्रमणीय प्रक्रम कहलाते हैं।
जैसे - विद्युत द्वारा ताप का गर्म होना, दूध में चीनी मिलाया जादि

→ ऊष्मा इंजन - ऊष्मा इंजन एक ऐसी चक्रीय युक्ति (Device) है जो आविरत (Continuous) रूप से ऊष्मा को यांत्रिक कार्य में रूपांतरित करती है।

सिद्धान्त - ऊष्मा इंजन के तीन मुख्य भाग होते हैं।

- (I) लव वस्तु (Source) (Hot Body) (स्रोत)
- (II) कार्यकारी पदार्थ (Working substance)
- (III) शीतल वस्तु (Sink) (Cold Body)

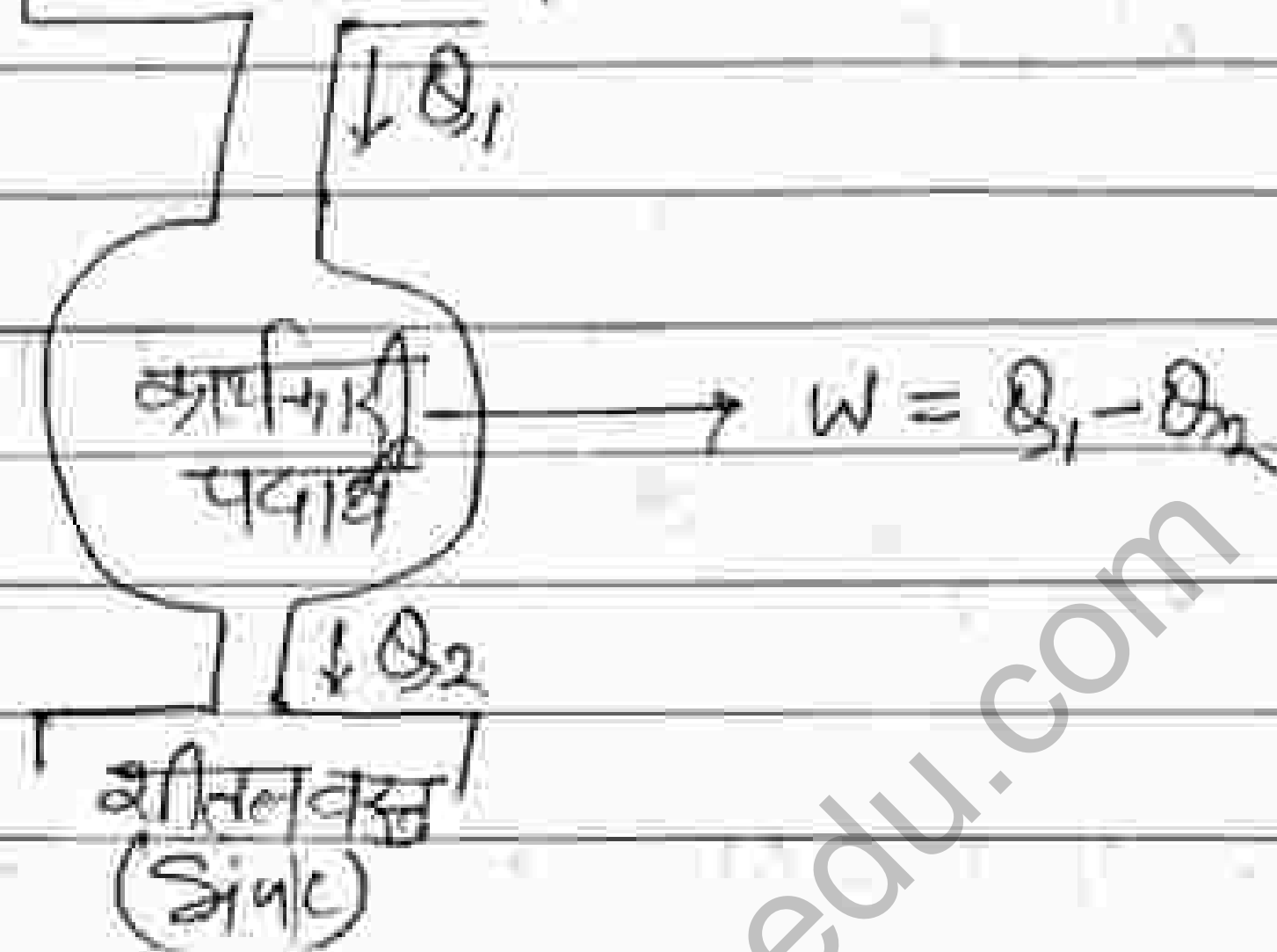
ऊष्मा इंजन में कार्यकारी पदार्थ प्रत्येक चक्र में स्रोत से ऊष्मा लेता है। इस ऊष्मा का कुछ भाग कार्य के रूप में व्यय करता है तथा शेष ऊष्मा सिंक को दे देता है। यदि कार्यकारी पदार्थ द्वारा 1 चक्र में

नी गई ऊष्मा Q_1 तथा किया गया कार्य W तथा सिंक
की दी गई ऊष्मा Q_2 है तो

$$W = Q_1 - Q_2$$

(Source),

(एक चक्र में किया
गया कार्य)



उष्मा इंजन की दक्षिता-

Efficiency of Heat Engine - किसी उष्मा इंजन द्वारा एक चक्र में किये गये कार्य (W) तथा कार्यकारी पदार्थ द्वारा एक चक्र में स्रोत से ली गई ऊष्मा Q_1 के अनुपात को उष्मा इंजन की दक्षिता कहते हैं। इसे η से प्रदर्शित करते हैं।

$$\eta = \frac{W}{Q_1}$$

किये गए कार्य, $W = Q_1 - Q_2$

$$\eta = \frac{Q_1 - Q_2}{Q_1}$$

$$\eta = \frac{Q_1}{Q_1} - \frac{Q_2}{Q_1}$$

$$\eta = 1 - \frac{Q_2}{Q_1}$$

→ ऊष्मा गतिशीलता का द्वितीय नियम -

Second law of Thermodynamics - ऊष्मा गतिशीलता के द्वितीय नियम के दो कथन हैं।
 ये कथन ऊष्मा इंजन तथा प्रशीतित (Refrigeration) पर आधारित हैं।

कैल्विन-प्लान्क का कथन - इस कथन के अनुसार - "किसी ऐसी युक्ति का बनाना असंभव है जो श्रोत से ली गई सम्पूर्ण ऊष्मा को कार्य में परिवर्तित कर दे तथा शीतल वस्तु (sink) को कुछ भी ऊष्मा न दे।"

इसका अर्थ यह है कि कार्य प्राप्त करने के लिए तप्त वस्तु के साथ शीतल वस्तु का होना आवश्यक है।

क्लासियस का कथन - इस कथन के अनुसार - "किसी ऐसी युक्ति का बनाना असंभव है जो बिना किसी बालू श्रोत के (sink) भी ऊष्मा को तप्त वस्तु तक पहुँचा सके।"

ऊष्मा का स्थानान्तरण तप्त वस्तु से शीतल वस्तु की ओर होता है। ऊष्मा स्वतः शीतल वस्तु से तप्त वस्तु तक नहीं पहुँच सकती।

→ प्रशीतक का कार्य गुणांक या निस्पादन गुणांक - प्रशीतक एक उच्च दबाव में कार्य करने वाला ऊष्मा इंजन है।

"प्रशीतक द्वारा एक चक्र में शीतल वस्तु से ली गई ऊष्मा (Q_2) तथा प्रशीतक की चालने के लिए उस पर बालू श्रोत द्वारा किये गये कार्य के अनुपात को प्रशीतक का कार्य गुणांक कहते हैं। इसे K से प्रदर्शित करते हैं।"

$$K = \frac{Q_2}{W}$$

→ कार्नो की दक्षिता - यदि एक कार्नो इंजन T_1 व T_2 के बीच कार्यरत है तथा $T_1 > T_2$ के लिए T_1 व T_2 हैं तो कार्नो का अधिकतम कार्य गुणांक के लिए -

$$\frac{Q_1}{Q_2} = \frac{T_1}{T_2}$$

20
कार्नो इंजन की दक्षिता $\eta = 1 - \frac{T_2}{T_1}$

कार्नो इंजन की दक्षिता केवल स्रोत व सिंड के ताप पर निर्भर करती है।

प्र० ३१. 1 उच्चमणीय इंजन (कार्नो इंजन) 100°C तथा 0°C के ताप के मध्य कार्य कर रहा है तो इसकी दक्षिता की गणना कीजिए।

उ० ३

Given,

स्रोत का ताप $T_1 = 100 + 273 = 373\text{ K}$

सिंड का ताप $T_2 = 0 + 273 = 273\text{ K}$

20

दक्षिता $\eta = 1 - \frac{T_2}{T_1}$

$\eta = 1 - \frac{273}{373}$

$\eta = \frac{373 - 273}{373}$

$\eta = \frac{100}{373}$

or

$\eta = 0.268$

or

$\eta = 26.8\%$ Ans.

प्र० ३२. दो इंजनों A व B के स्रोत के ताप 400 K तथा 350 K हैं। जबकि सिंड के ताप 350 K तथा 300 K हैं। तो इनमें से कौन-सा इंजन अधिक दक्ष है।

उ० ३

Given,

इंजन A के स्रोत का ताप $T_1 = 400\text{ K}$

सिंड का ताप $T_2 = 350\text{ K}$

तो इंजन A की दक्षिता $\eta_1 = 1 - \frac{T_2}{T_1}$

$$\eta_1 = 1 - \frac{350}{400}$$

$$\eta_1 = \frac{50}{400}$$

$$\eta_1 = 1.25$$

$$\eta_1 = 12.5\%$$

इंजन B के सिलिंडर का ताप $T_3 = 350\text{ K}$
सिलिंडर का ताप $T_4 = 300\text{ K}$

तो

इंजन B की दक्षिता $\eta_2 = 1 - \frac{T_4}{T_3}$

$$\eta_2 = 1 - \frac{300}{350}$$

$$\eta_2 = \frac{50}{300}$$

$$\eta_2 = 1.43$$

$$\eta_2 = 14.3\%$$

इंजन B की दक्षिता A से अधिक है अतः इंजन B अधिक दक्ष होगा।

Date
29/8/18

Date

Page No.

प्रश्न 3. एक ऊष्मा इंजन 400 K ताप पर 100 कैलोरी ऊष्मा लेता है तथा 80 कैलोरी ऊष्मा सिंक को दे देता है तो सिंक का ताप तथा ऊष्मा इंजन की दक्षिता प्राप्त कीजिए।

Solve →

Given,

$$\text{स्रोत का ताप } T_1 = 400\text{ K}$$

$$\text{सिंक का ताप } T_2 = ?$$

$$Q_1 = 100 \text{ कैलोरी}$$

$$Q_2 = 80 \text{ कैलोरी}$$

We know that -

$$\frac{Q_1}{Q_2} = \frac{T_1}{T_2}$$

$$\frac{100}{80} = \frac{400}{T_2}$$

$$80 \times 4 = T_2$$

$$T_2 = 320 \text{ कैलोरी कैल्विन}$$

∴

$$\text{ऊष्मा इंजन की दक्षिता } \eta = 1 - \frac{Q_2}{Q_1}$$

$$\eta = 1 - \frac{80}{100}$$

$$\eta = \frac{20}{100}$$

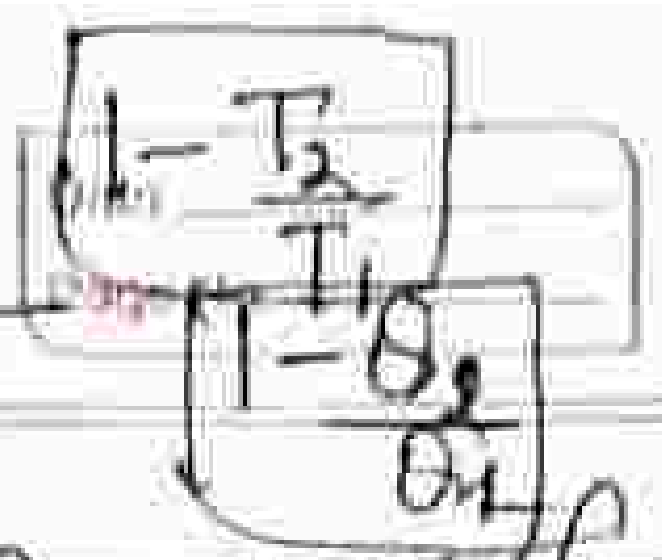
$$\eta = \frac{1}{5}$$

$$\eta = 0.2$$

$$\underline{\underline{\eta = 20\%}}$$

Imp Note →

- ① जब कर्नो की दक्षिता दी गई हो तो -
- ② जब ऊष्मा इंजन की दक्षिता दी गई हो तो -



प्र०३४ एक कर्नो इंजन 300 K तथा 600 K के बीच 800 जूल कार्य करता है। स्रोत से इंजन को दी गई ऊष्मा ज्ञात कीजिए।

Solve →

Given

स्रोत का ताप $T_1 = 600\text{K}$

सिंक का ताप $T_2 = 300\text{K}$

We know that -

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{Q_1}{Q_2}$$

$$\frac{600}{300} = \frac{Q_1}{Q_2}$$

$$2 = \frac{Q_1}{Q_2}$$

∴

$$Q_1 = 2Q_2 \quad \text{--- (1)}$$

∴ इंजन को दी गई ऊष्मा

$$W = Q_1 - Q_2$$

$$800 = 2Q_2 - Q_2$$

$$Q_2 = 800$$

अब (1) से -

$$Q_1 = 2 \times 800$$

$$Q_1 = 1600 \text{ जूल}$$

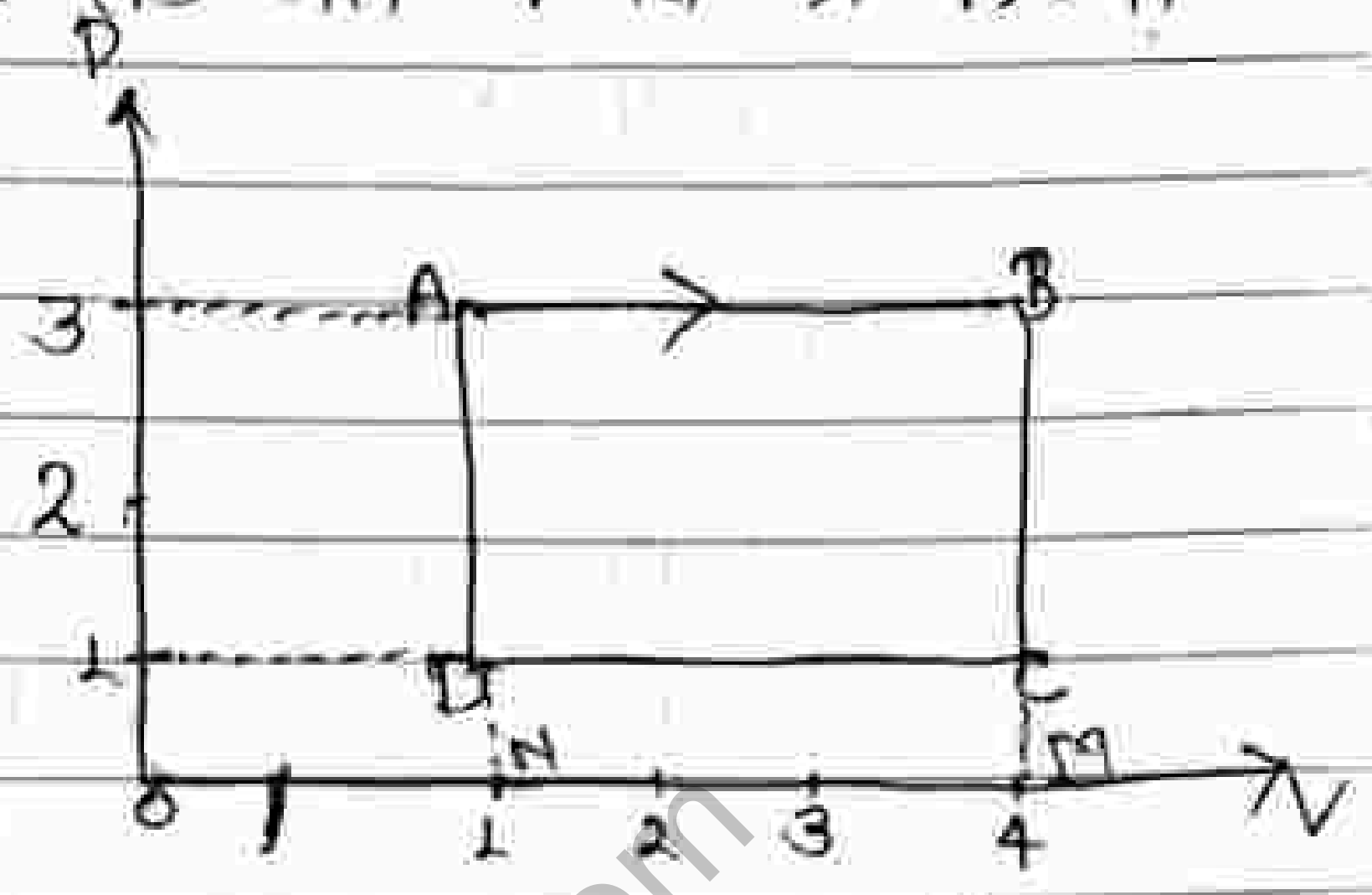
प्र०३५. 1 कर्नो इंजन की दक्षिताये ताप

- (I) 100 K तथा 500 K
- (II) T K तथा 900 K के समान हैं। तो सिंक का ताप ज्ञात कीजिए।

130K

प्र० ३६. चित्र में एक गैस का P-V आरेख दिखाया गया है। बिंदु A की स्थिति से बिंदु B की स्थिति तक जाने में गैस को कितना कार्य करा होगा।

गैस को A → B तक ले जाने में किया गया कार्य AB रेखा द्वारा घेरे गये क्षेत्रफल के बराबर होगा।



$$W = \text{क्षेत्रफल ABMN}$$

$$W = MN \times NA$$

$$W = (4-1) \times 3$$

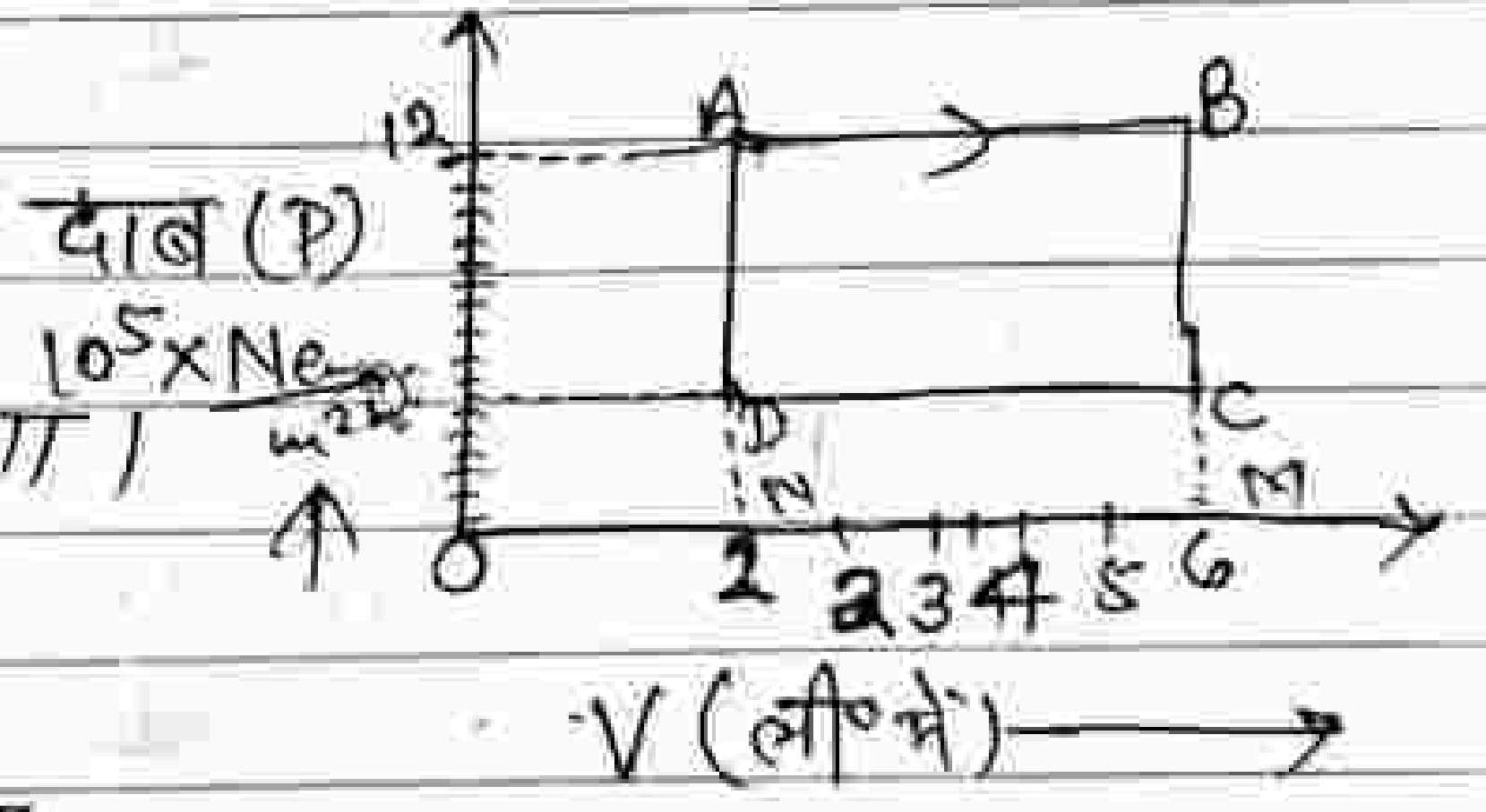
$$W = 3 \times 3$$

$$W = 9 \text{ जूल}$$

→ आयतम (V) (ली०) 3 में

प्र० ३७. चित्र में आदर्श गैस की ऊष्मागतिकी प्रक्रियाओं का ग्राफ प्रदर्शित है। चित्र में A से B तक गैस को ले जाने में कार्य की गणना कीजिए।

गैस को A → B तक ले जाने में किया गया कार्य AB रेखा द्वारा घेरे गये क्षेत्रफल के बराबर होगा।



$$W = \text{क्षेत्रफल ABMN}$$

$$W = MN \times NA$$

$$W = (6-2) \text{ ली०} \times 12 \times 10^5$$

$$W = 4 \text{ ली०} \times 12 \times 10^5$$

$$W = 4 \times 10^{-3} \times 12 \times 10^5$$

(1 ली० = 10⁻³ घ. म.)

$$W = 600 \text{ जूल}$$