

कुल प्रश्नों की संख्या : 23

Total No. of Questions: 23

कुल पृष्ठों की संख्या : 1

Total No. of Pages: 16

# हाई स्कूल परीक्षा, जून - 2022

## 100

विषय : गणित

Subject: MATHEMATICS  
(Hindi & English Versions)

समय : 03 घण्टे

Time: 03 Hours

पूर्णांक : 80

Maximum Marks: 80

### निर्देश :-

- (i) तभी प्रश्न हल करना अनिवार्य है।
- (ii) प्रत्येक प्रश्न को साक्षात् पूर्वक उड़ें।
- (iii) प्रश्न नं. 1 से 5 तक वस्तुनिक प्रकार के प्रश्न हैं, जिनका उत्तर दीजिए।
- (iv) प्रश्न नं. 6 से 23 तक आंतरिक विकल्प दिए गए हैं।
- (v) प्रत्येक प्रश्न के लिए आवश्यक अंक उत्तर के अनुसार अदित्त है।

### Instructions :-

- (i) All questions are compulsory.
- (ii) Read each question carefully.
- (iii) Q. Nos. 1 to 5 are objective type. Do as directed.
- (iv) Internal options are given in Q. Nos. 6 to 23.
- (v) Marks allotted to each question are mentioned against each question.

## 1. वाही पिल्लव चुनिएः

$$1 \times 6 = 6$$



1

- (vi). बिन्दुओं  $A(x_1, y_1)$  और  $B(x_2, y_2)$  को मिलाने वाली रेखा के मध्य-बिन्दु के निरूपण होगे:

  - (a).  $\left( \frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$
  - (b).  $\left( \frac{x_1 - x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$
  - (c).  $\left( \frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 - y_2}{2} \right)$
  - (d).  $\left( \frac{x_1 - x_2}{2}, \frac{y_1 - y_2}{2} \right)$

**Choose the correct option:**

(vi). बिन्दुओं  $A(x_1, y_1)$  और  $B(x_2, y_2)$  को मिलाने वाली रेखा के मध्य-बिन्दु के निरूपण होगे:

(a).  $\left( \frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$

(b).  $\left( \frac{x_1 - x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$

(c).  $\left( \frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 - y_2}{2} \right)$

(d).  $\left( \frac{x_1 - x_2}{2}, \frac{y_1 - y_2}{2} \right)$

**Choose the correct option:**

(i). Highest Common Factor (HCF) of the numbers 4 and 9 is:

(a) 1

(b) 0

(c) 36

(d) 13

(ii). If  $\alpha$  and  $\beta$  are the zeros of the quadratic polynomial  $ax^2 + bx + c$ , then the value of  $\alpha + \beta$  is:

(a)  $\frac{b}{a}$

(b)  $\frac{b}{c}$

(c)  $-\frac{b}{a}$

(d)  $-\frac{a}{c}$

(iii). The condition that the pair of linear equations  $a_1x + b_1y + c_1 = 0$  and  $a_2x + b_2y + c_2 = 0$  has no solution is:

(a)  $\frac{a_1}{a_2} \neq \frac{b_1}{b_2}$

(b)  $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} \neq \frac{c_1}{c_2}$

(c)  $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$

(d) none of these.

(iv). The common difference in the A.P.: 4, 2, 0, -2 is:

(a) 2

(b) -2

(c) 0

(d) 4

(v). In a triangle  $\Delta ABC$ ,  $DE \parallel BC$ . If  $AD = x$ ,  $DB = (x - 2)$ ,  $AE = (x + 2)$  and  $EC = (x - 1)$  then the value of  $x$  is:

(a) 5

(b) 4

(c) 3

(d) 2

(vi). Coordinates of the midpoint of the line segment joining the points  $A(x_1, y_1)$  and  $B(x_2, y_2)$  are:

(a).  $\left( \frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$

(b).  $\left( \frac{x_1 - x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$

(c).  $\left( \frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 - y_2}{2} \right)$

(d).  $\left( \frac{x_1 - x_2}{2}, \frac{y_1 - y_2}{2} \right)$

## 2. रिक्त स्वाक्षरण:

1 X 7 = 7

(i). भाज्य = ..... X भागफल + शेषफल |

(ii). घात दो के किसी बहुपद के अधिकतम ..... शून्यक हो सकते हैं।

(iii). द्विघात मर्मीकरण  $ax^2 + bx + c = 0$  के विवितकर का मूल है  $D = \dots$  |

(iv). समांतर श्रेणी  $a, a+d, a+2d, a+3d, \dots$  का  $n$  वाँ पद ..... होगा।

(v). वे सभी आकृतियाँ जिनके आकार ममान होते हैं परन्तु इनके माप ममान होने आवश्यक नहीं हैं, ..... आकृतियाँ कहलाती हैं।

(vi). बिन्दु (4, 0)..... अक्ष पर स्थित है।

(vii). वृत की एक ओटक रेखा वृत को ..... बिन्दुओं पर प्रतिच्छेद करती है।

### Fill in the blanks:

(i). Dividend = ..... X Quotient + Remainder.

(ii). A polynomial of degree two can have maximum ..... zeros.

(iii). The formula for the discriminant of the quadratic equation

$$ax^2 + bx + c = 0 \text{ is } D = \dots$$

(iv). The  $n^{th}$  term of the arithmetic progression  $a, a+d, a+2d, a+3d, \dots$  is .....

(v). All those figures which have the same shape but not necessarily the same size, are called ..... figures.

(vi). The point (4, 0) lies on ..... axis.

(vii). A secant line of a circle intersects the circle at ..... points.

### 3. सही चोटी बनाइये।

$$1 \times 6 = 6$$

#### संख्या – (I)

(i).  $\csc ec^2 \theta - 1$

(ii).  $\sec \theta$

(iii).  $1 - \cos^2 \theta$

(iv).  $\cot 30^\circ$

(v).  $\cos(90 - \theta)$

(vi).  $\cos 48^\circ \cosec 42^\circ + \sin 48^\circ \sec 42^\circ$

#### संख्या – (II)

(a).  $\frac{1}{\cos \theta}$

(b).  $\sqrt{3}$

(c).  $\sin \theta$

(c). 2

(d).  $\sin^2 \theta$

(e).  $\cot^2 \theta$

### Match the column:

#### Column - (I)

(i).  $\csc ec^2 \theta - 1$

(ii).  $\sec \theta$

(iii).  $1 - \cos^2 \theta$

(iv).  $\cot 30^\circ$

(v).  $\cos(90 - \theta)$

(vi).  $\cos 48^\circ \cosec 42^\circ + \sin 48^\circ \sec 42^\circ$

#### Column - (II)

(a).  $\frac{1}{\cos \theta}$

(b).  $\sqrt{3}$

(c).  $\sin \theta$

(c). 2

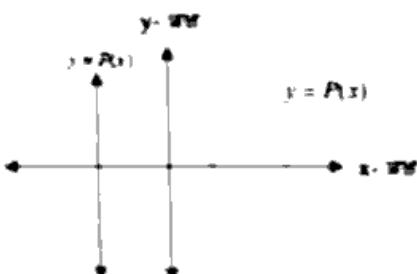
(d).  $\sin^2 \theta$

(e).  $\cot^2 \theta$

**4. एक सम्बद्ध / वाक्य में उत्तर दीजिए :**

**1 X 7 = 7**

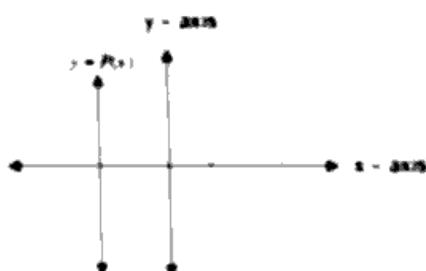
- (i). दिए गए चित्र में बहुपद  $P(x)$  के लिए,  $y = P(x)$  का ग्राफ़ दिया है।  
 $P(x)$  के शून्यकों की संख्या बतलाइए।



- (ii). दो चरों में रैखिक समीकरण का मानक रूप लिखिए।  
 (iii). किसी द्विघात समीकरण के विविक्तकर का मान शून्य है तो इसके गूलों की प्रकृति कैसी होगी ?  
 (iv). वृत की परिधि का सूत्र लिखिए।  
 (v). शंकु के आयतन का सूत्र लिखिए।  
 (vi). 3, 3, 4, 5, 5 का समांतर माध्य क्या होगा ?  
 (vii). किसी निश्चित घटना की शायिकता का मान कितना होगा?

**Answer in one word / sentence:**

- (i). In the given figure, for the polynomial  $P(x)$ , the graph of  $y = P(x)$  is given. Find the number of zeroes of  $P(x)$ .



- (ii). Write the standard form of the linear equation in two variables.  
 (iii). If the value of the discriminant of a quadratic equation is zero, then what will be the nature of its roots?  
 (iv). Write the formula for the circumference of the circle.  
 (v). Write the formula for the volume of the cone.  
 (vi). What will be the arithmetic mean of 3, 3, 4, 5, 5 ?  
 (vii). What is the value of the probability of a certain event?

## 5. सत्य / वस्तुता लिखिए:

$1 \times 6 = 6$

- दो धनात्मक पूर्णांक  $a$  और  $b$  दिए गए होने पर तोमी अद्वितीय पूर्ण मंख्या?
- $q$  और  $r$  लिखाने हैं कि  $a = bq + r$ ,  $0 \leq r < b$  है।
- वृत का अंतराल  $= 2\pi r^2$  होता है, जहाँ  $r$  वृत की विस्ता है।
- गोले का मध्यूर्ध पृष्ठ  $= 2\pi r^2$  होता है, जहाँ  $r$  गोले की विस्ता है।
- माध्यक, बहुमक एवं माध्य के मध्य संबंध है: 2 माध्यक = बहुमक + 3 माध्य।
- किसी वृत की अनन्त सार्व रेखाएँ हो सकती हैं।
- यदि किसी घटना की प्रायिकता  $P$  है तो  $0 \leq P \leq 1$ .

## Write True / False:

- Given two positive integers  $a$  and  $b$ , there exist unique integers  $q$  and  $r$  satisfying  $a = bq + r$ ,  $0 \leq r < b$ .
- Area of the circle is  $= 2\pi r^2$ , where  $r$  is the radius of the circle.
- Total surface area of the sphere is  $= 2\pi r^2$ , where  $r$  is the radius of the sphere.
- The relationship between median, mode and mean is:  
2 median = mode + 3 mean.
- There can be infinite number of tangents to a circle.
- If the probability of an event is  $P$  then  $0 \leq P \leq 1$ .

6. एक मिठाई दिलेना के पास 420 काजू की बर्फियाँ और 130 बादाम की बर्फियाँ हैं। वह इनकी तोमी हेतियाँ बनाना चाहती है कि प्रत्येक दुरी में बर्फियों की मंख्या समान रहे तथा ये हेतियाँ बर्फी की पराने में न्यूनतम स्थान लें। इस काम के लिए, प्रत्येक दुरी में कितनी बर्फियाँ रखी जा सकती हैं?

A sweet seller has 420 kaju barfis and 130 badam barfis. She wants to stack them in such a way that each stack has the same number, and they take up the least area of the tray. What is the number of barfis that can be placed in each stack for this purpose?

अथवा/ or

दर्शाइए कि प्रत्येक धनात्मक सम पूर्णांक  $2q$  के रूप का होता है तथा प्रत्येक धनात्मक लिप्तम पूर्णांक  $2q + 1$  के रूप का होता है, जहाँ  $q$  कोई पूर्णांक है।

Show that every positive even integer is of the form  $2q$ , and that every positive odd integer is of the form  $2q + 1$ , where  $q$  is some integer.

7. दिए गए बहुपद  $x^2 + 5x + 6$  के शून्यक ज्ञान कीजिए।

2

Find the zeros of the quadratic polynomial  $x^2 + 5x + 6$ .

अथवा / or

एक द्विघात बहुपद ज्ञान कीजिए जिसके शून्यकों के योग और गुणनफल क्रमशः 5 और 2 हैं।

Find a quadratic polynomial whose sum and product of zeroes are 5 and 2 respectively.

8. A.P. के प्रथम चार पद लिखिए जबकि प्रथम पद  $a = 5$ , सार्वअंतर  $d = -5$  है। 2

Write the first four terms of the A.P. whose first term is  $a = 5$  and common difference is  $d = -5$ .

अथवा / or

A.P: 2, -2, -6, -10,..... के अगले चार पद लिखिए।

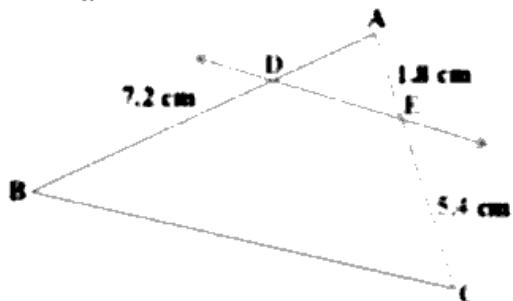
Write the next four terms of the A.P: 2, -2, -6, -10,.....

9. 10 m लंबी एक मीट्री एक दीवार पर टिकाने पर भूमि में 8 m की ऊँचाई पर स्थित एक छिड़की तक पहुँचती है। दीवार के आधार से मीट्री के निचले सिरे की दूरी ज्ञान कीजिए। 2

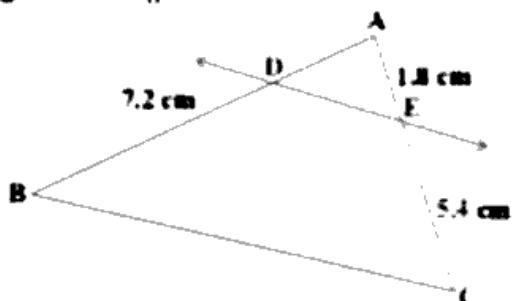
A 10 m long ladder resting on a wall reaches a window at a height of 8 m above the ground. Find the distance of the lower end of the ladder from the base of the wall.

अथवा / or

आकृति में  $DE \parallel BC$  है।  $AD$  ज्ञान कीजिए।



In the figure  $DE \parallel BC$ . Find  $AD$ .



10.  $k$  का मान ज्ञान कीजिए, यदि बिंदु  $A(2,3)$ ,  $B(4,k)$  और  $C(6,-3)$  सरेखी होंगे। 2

Find the value of  $k$  if the points  $A(2,3)$ ,  $B(4,k)$  and  $C(6,-3)$  are collinear.

अथवा / or

$x$  और  $y$  में एक संबंध ज्ञात कीजिए ताकि बिंदु  $(x, y)$ , बिन्दुओं  $(7, 1)$  और  $(3, 5)$  से समदूरस्थ हो।

Find the relation between  $x$  and  $y$  so that the point  $(x, y)$  is equidistant from the points  $(7, 1)$  and  $(3, 5)$ .

11. यदि बिंदु  $A(6, 1)$ ,  $B(8, 2)$ ,  $C(9, 4)$  और  $D(p, 3)$  एक समांतर चतुर्भुज के शीर्ष इमी कम में हों, तो  $p$  का मान ज्ञात कीजिए। 2

If the points  $A(6, 1)$ ,  $B(8, 2)$ ,  $C(9, 4)$  and  $D(p, 3)$  are the vertices of a parallelogram, taken in order, find the value of  $p$ .

अथवा / or

बिंदु  $(-4, 6)$ , बिन्दुओं  $A(-6, 10)$  और  $B(3, -8)$  को जोड़ने वाले खालील को किस अनुपात में विभाजित करता है?

In what ratio does the point  $(-4, 6)$  divides the line segment joining the points  $A(-6, 10)$  and  $B(3, -8)$ .

12.  $\cot 85^\circ + \cos 75^\circ$  को  $0^\circ$  और  $45^\circ$  के बीच के कोणों के त्रिकोणमितीय अनुपातों के पदों में व्यक्त कीजिए। 2

Express  $\cot 85^\circ + \cos 75^\circ$  in terms of trigonometric ratios of angles between  $0^\circ$  and  $45^\circ$ .

अथवा / or

यदि  $\sec 4A = \operatorname{cosec}(A - 20^\circ)$ , जहाँ  $4A$  एक न्यूनकोण है, तो  $A$  का मान ज्ञात कीजिए।

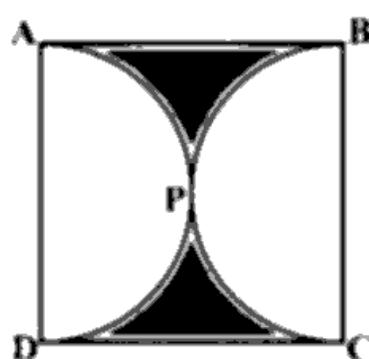
If  $\sec 4A = \operatorname{cosec}(A - 20^\circ)$ , where  $4A$  is an acute angle, then find the value of  $A$ .

13. विद्या  $4\text{ cm}$  वाले एक वृत्त के विच्छाल का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए, जिसका कोण  $30^\circ$  है। 2

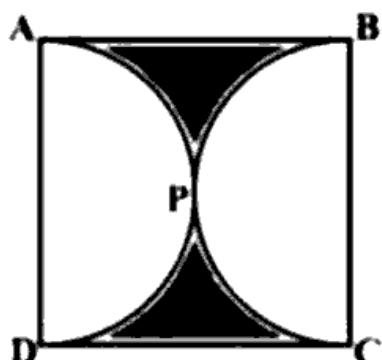
Find the area of a sector of a circle with radius  $4\text{ cm}$  if angle of the sector is  $30^\circ$ .

अथवा / or

आकृति में द्वायाकित शेष का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए, यदि ABCD भुजा  $14\text{ cm}$  का एक वर्ग है तथा APD और BPC दो अर्धवृत्त हैं।



Find the area of the shaded region in figure, if ABCD is a square of side 14 cm and APD and BPC are semicircles.



14. एक डिब्बे में 5 लाल कंचे, 8 भौंगड़ कंचे और 4 हरे कंचे हैं। इस डिब्बे में से एक कंचा यादृच्छया निकाला जाता है। इसकी क्या प्रायिकता है कि यह कंचा हरा नहीं है? 2

A box contains 5 red marbles, 8 white marbles and 4 green marbles. One marble is drawn at random from this box. What is the probability that the marble is not green?

अथवा / or

मान सीजिए हम एक गामे को एक बार फेंकते हैं। (i) 4 से बड़ी संख्या प्राप्त होने की प्रायिकता क्या है? (ii) 4 से छोटी या उसके बराबर संख्या प्राप्त होने की प्रायिकता क्या है?

Suppose we throw a die once. (i) What is the probability of getting a number greater than 4? (ii) What is the probability of getting a number less than or equal to 4?

15. एक चित्र प्राप्त करने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए, जब एक मिछे को एक बार उछाला जाता है। 2  
माथ ही, एक पट प्राप्त करने की भी प्रायिकता ज्ञात कीजिए।

Find the probability of getting a head when a coin is tossed once. Also, find the probability of getting a tail.

अथवा/ or

दो खिलाड़ी मंगीता और रेशमा टेनिस का एक मैच खेलते हैं। यह जात है कि मंगीता द्वारा मैच जीतने की प्रायिकता 0.62 है। रेशमा के जीतने की क्या प्रायिकता है?

Two players Sangeeta and Reshma play a match of tennis. It is known that the probability of Sangeeta winning the match is 0.62. What is the probability that Reshma will win?

16. समीकरण  $6x^2 - x - 2 = 0$  को हल कीजिए।

3

Solve the equation  $6x^2 - x - 2 = 0$ .

अथवा / or

द्विघात समीकरण  $kx(x - 2) + 6 = 0$  में  $k$  का ऐसा मान ज्ञात कीजिए जिससे समीकरण के दो बराबर मूल हों।

Find the value of  $k$  so that the quadratic equation  $kx(x - 2) + 6 = 0$  has two equal roots.

17. दो अंकों वाली कितनी संख्याएँ 5 से विभाज्य हैं?

3

How many two digit numbers are divisible by 5?

अथवा / or

श्रेणी 7, 13, 19, ..., 205 में पदों की संख्या ज्ञात कीजिए।

Find the number of terms in the series 7, 13, 19, ..., 205.

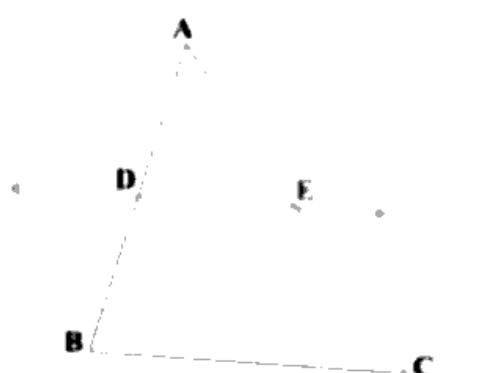
18. आकृति में  $\frac{PS}{SQ} = \frac{PT}{TR}$  है तथा  $\angle PST = \angle PRQ$  है। भिन्न कीजिए कि  $\triangle PQR$  एक समद्विबाहु त्रिभुज है।

3

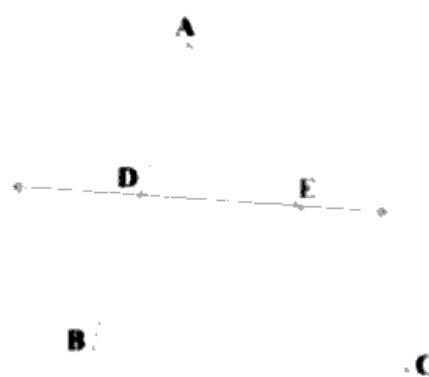
In figure  $\frac{PS}{SQ} = \frac{PT}{TR}$  and  $\angle PST = \angle PRQ$ . Prove that  $\triangle PQR$  is an isosceles triangle.

अथवा / or

यदि कोई रेखा एक  $\triangle ABC$  की भुजाओं  $AB$  और  $AC$  को क्रमशः  $D$  और  $E$  पर प्रतिच्छेद करे तथा भुजा  $BC$  के समांतर हो, तो मिल्दे कीजिए कि  $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}$  होगा।



If a line intersects sides  $AB$  and  $AC$  of a  $\triangle ABC$  at  $D$  and  $E$  respectively and is parallel to  $BC$ , prove that  $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}$ .



19. निम्न कीजिए कि, "वृत के किसी बिन्दु पर स्पर्श रेखा व्याख्या विन्दु से जाने वाली विज्ञा पर लंब होती है।" 3  
Prove that, "The tangent at any point on a circle is perpendicular to the radius through the point of contact."

अथवा / or

एक वृत  $A$  से, जो एक वृत के केंद्र से  $5\text{ cm}$  दूरी पर है, वृत पर स्पर्श रेखा की लम्बाई  $4\text{ cm}$  है।  
वृत की विज्ञा ज्ञात कीजिए।

From a point, which is at a distance of  $5\text{ cm}$  from the center of a circle, the length of the tangent to the circle is  $4\text{ cm}$ . Find the radius of the circle.

20. ऐकानिक समीकरण युग्म

4

$$2x + 3y = 4$$

$$x + 2y = 3$$

को प्रतिस्थापन विधि से हल कीजिए।

Solve the pair of linear equations

$$2x + 3y = 4$$

$$x + 2y = 3$$

by substitution method.

अथवा / or

$p$  के किन मानों के लिए निम्न मध्यीकरणों के युग्म का एक अद्वितीय हल है:

$$4x + py + 8 = 0$$

$$\text{और } 2x + 2y + 2 = 0$$

For what value of  $p$  the pair of linear equations has a unique solution:

$$4x + py + 8 = 0$$

$$\text{and } 2x + 2y + 2 = 0$$

21. 7.6 cm लंबा एक रेखाखण्ड लीजिए, और इसे 5:8 अनुपात में विभाजित कीजिए। 4

दोनों भागों को मापिए।

Draw a line segment 7.6 cm long and divide it in the ratio 5:8. Measure both parts.

अथवा / or

4cm, 5 cm और 6 cm भुजाओं वाले एक त्रिभुज की रचना कीजिए, और फिर इसके समान एक

अन्य त्रिभुज की रचना कीजिए, जिसकी भुजाएँ दिए हुए त्रिभुज की संगत भुजाओं की  $\frac{2}{3}$  गुनी हों।

Construct a triangle of sides 4cm, 5cm and 6cm and then another triangle similar to it,

whose sides are  $\frac{2}{3}$  of the corresponding sides of the given triangle.

22. दो घनों, जिनमें से प्रत्येक का आयतन  $64 \text{ cm}^3$  है, के समष्टि फलकों को मिलाकर एक ठोस बनाया जाता है। इसमें प्राप्त घनाभ का पृष्ठीय धोवफल ज्ञात कीजिए। 4

A solid is formed by joining the adjacent faces of two cubes, each of volume  $64 \text{ cm}^3$ .

Find the surface area of the cuboid obtained from it.

अथवा / or

मौडल बनाने वाली मिट्टी से ऊँचाई 24 cm और आधार विस्तार 6 cm वाला एक शंकु बनाया गया है। एक बच्चे ने इसे गोले के आकार में बदल दिया। गोले की विस्तार ज्ञात कीजिए।

A cone of height 24 cm and base radius 6 cm is made from the model making clay.

A child turned it into the shape of a sphere. Find the radius of the sphere.

23. निम्नलिखित मात्रणी 35 नगरों की माध्यमता दर (प्रतिशत में) दर्शाती है।

4

माध्यमता दर (% में)	45 - 55	55 - 65	65 - 75	75 - 85	85 - 95
नगरों की संख्या	3	10	11	8	3

माध्य माध्यमता दर ज्ञात कीजिए।

The following table gives the literacy rate (in percentage) of 35 cities. Find the mean literacy rate.

Literacy rate (in % )	45 - 55	55 - 65	65 - 75	75 - 85	85 - 95
Number of cities	3	10	11	8	3

अथवा / or

विद्यार्थियों के एक समूह द्वारा एक प्रोजेक्ट के 20 परिवारों पर किए गए मर्दानग के परिणामस्वरूप विभिन्न परिवारों के सदस्यों की संख्या में मध्यिका निम्नलिखित औंकड़े प्राप्त हुए:

परिवार मात्र	1 - 3	3 - 5	5 - 7	7 - 9	9 - 11
परिवारों की संख्या	7	8	2	2	1

इन औंकड़ों का बहुलक ज्ञात कीजिए।

A survey conducted on 20 households in a locality by a group of students resulted in the following frequency table for the number of family members in a household:

Family size	1 - 3	3 - 5	5 - 7	7 - 9	9 - 11
Number of families	7	8	2	2	1

Find the mode of this data.

\*\*\*\*

<https://www.mpboardonline.com>

Whatsapp @ 9300930012

Send your old paper & get 10/-

अपने पुराने पेपर्स भेजे और 10 रुपये पायें,

Paytm or Google Pay से

<https://www.mpboardonline.com>